

Note :

**INTERROGATION de MATHÉMATIQUES**Durée : 35 minutes. Calculatrice AUTORISÉE en mode examen.**EXERCICE 1**

≈ 5 minutes

Déterminer la limite en  $+\infty$  de la fonction  $g$  définie sur  $\left] \frac{2}{3}; +\infty \right[$  par :  $g(x) = \frac{5x^2 + 7x - 3}{-3x + 2}$ .

**EXERCICE 2**

≈ 20 minutes

Au début d'une épidémie, on constate que 0,01 % de la population est contaminée. Pour  $t$  appartenant à  $[0; 30]$ , on note  $f(t)$  le pourcentage de personnes touchées par la maladie après  $t$  jours. On a donc  $f(0) = 0,01$ . On admet que la fonction  $f$  est dérivable et strictement positive sur  $[0; 30]$ , et qu'elle est solution de l'équation différentielle (E) :  $y' = 0,05y(1-y)$ .

Soit la fonction  $g$  définie sur  $[0; 30]$  par :  $g(t) = \frac{1}{f(t)}$ . On a alors :  $g(0) = \frac{1}{f(0)} = 100$ .

1. Démontrer que  $g$  est solution de l'équation différentielle (F) :  $y' = -0,05y + 0,05$ .

2. Résoudre (F).

3. En déduire l'expression de  $g(t)$  en fonction de  $t$ .

4. Démontrer que :  $f(t) = \frac{1}{99e^{-0,05t} + 1}$ .

5. Calculer, à l'entier près, le pourcentage de la population infectée après 30 jours.

**EXERCICE 3**

≈ 10 minutes

Déterminer une primitive des fonctions suivantes sur l'intervalle indiqué :

•  $m(x) = 3x^2 - 7x - \frac{1}{x^2}$  sur  $]0; +\infty[$

•  $n(x) = (x-3)(x+4)$  sur  $\mathbb{R}$

•  $o(x) = \frac{18x - 12}{(3x^2 - 4x + 1)^2}$  sur  $]1; +\infty[$

•  $p(x) = 2 + 3e^{-4x+5}$  sur  $\mathbb{R}$