

Note :

INTERROGATION de MATHÉMATIQUES

Durée : **55 minutes**. Calculatrice AUTORISÉE en mode examen.

EXERCICE 1

≈ 10 min

Les trois questions de cet exercice sont indépendantes.

1. Combien y a-t-il de termes dans la somme suivante : $u_{1112} + u_{1113} + \dots + u_{8414} + u_{8415}$.

Aucune justification n'est demandée.

2. Soit $(u_n)_{n \geq 0}$ définie par $u_n = 3n - 5$.

Calculer la somme suivante, en détaillant votre calcul : $T = \sum_{k=0}^{85} u_k$.

3. Soit (u_n) la suite géométrique de premier terme $u_1 = \frac{2}{5}$ et de raison 2.

En utilisant une formule du cours, calculer la somme S définie par : $S = \sum_{k=3}^{11} u_k$.

EXERCICE 2

≈ 10 min

Soit la suite (u_n) définie sur \mathbb{N} par $u_n = \frac{n-1}{2n+5}$.

Montrer que (u_n) est minorée par $\frac{2}{7}$ à partir d'un certain rang que vous préciserez.

Remarque : le raisonnement par récurrence n'est pas autorisé.

EXERCICE 3

≈ 20 min

Dans cet exercice, on utilisera la méthode de la différence ou du quotient (pas d'étude de fonction).

On note \mathcal{D} l'ensemble des entiers naturels supérieurs ou égaux à 3.

Étudier le sens de variation des suites (u_n) et (v_n) définies sur \mathcal{D} par $u_n = \frac{2n+5}{n-2}$ et $v_n = \left(\frac{n+4}{n-2}\right)^2$.

EXERCICE 4

≈ 10 min

Soient les suites (v_n) et (w_n) définies par $v_0 = 21$ et pour tout $n \in \mathbb{N}$:
$$\begin{cases} v_{n+1} = \frac{8}{5}v_n - 12 \\ w_n = 2v_n - 40 \end{cases}$$

1. Démontrer que (w_n) est géométrique.

2. En déduire l'expression de w_n en fonction de n , puis en déduire que : $\forall n \in \mathbb{N}, v_n = \left(\frac{8}{5}\right)^n + 20$.

EXERCICE 5

≈ 5 min

On considère la suite (u_n) définie par $u_0 = -2,2$ et : $\forall n \in \mathbb{N}, u_{n+1} = f(u_n)$

On note C_f la courbe représentative de f dans un repère du plan.

Sur le graphique de la page suivante, représenter graphiquement les six premiers termes de la suite (u_n) .

Laisser les traits de construction (si besoin, au crayon à papier).

